

animace: Cesta na hrad

Jana, Martin a Petr vyrazili současně na hrad vzdálený 30 km.
Cesta jim trvala 120 minut = 2 hodiny.
Martin se pohyboval stálou rychlosí.

$$v = s : t = 30 : 2 = 15 \text{ km/h}$$

$s_1 = 10 \text{ km}$	$t_1 = 40 \text{ min}$	$v_1 = 15 \text{ km/h}$
$s_2 = 0 \text{ km}$	$t_2 = 30 \text{ min}$	$v_2 = 0 \text{ km/h}$
$s_3 = 20 \text{ km}$	$t_3 = 50 \text{ min}$	$v_3 = 24 \text{ km/h}$
$s = 30 \text{ km}$	$t = 120 \text{ min} = 2 \text{ h}$	$v_p = 15 \text{ km/h}$

1. Cyklista dojel do cíle vzdáleného 60 km ve 12 hodin. Jeho průměrná rychlosí byla 20 km/h. V kolik hodin vyjel?

Zápis: $s = 60 \text{ km}$ $t_c = 12 \text{ h}$ $v_p = 20 \text{ [km/h]}$ $t_s = ? \text{ h}$

★ Jak dlouho cyklista jel? $t = s : v_p = 60 : 20 = 3 \text{ h}$
★ V kolik hodin dojel do cíle? ve 12 hodin
★ V kolik hodin vyjel? $12 - 3 = 9 \text{ hodin}$

Odpověď: Cyklista vyjel v 9 hodin.

Zápis řešení vyžaduje přehledné značení a obrázek.
Abychom zjistili v kolik vyjel, musíme vypočítat dobu jízdy.

2. Cyklista jel po rovině dlouhé 15 km průměrnou rychlosí 20 km/h a v kopcovitém terénu 3 km průměrnou rychlosí 12 km/h. Jaká byla průměrná rychlosí pohybu cyklisty?

Zápis: ★ ★ $s_r = 15 \text{ km}$ $s_k = 3 \text{ km}$
★ ★ $v_r = 20 \text{ km/h}$ $v_k = 12 \text{ km/h}$
★ ★ $v_p = ?$

Rovnice: $\frac{t_r}{s_r} = \frac{v_r}{v_p}$ $\frac{t_k}{s_k} = \frac{v_k}{v_p}$

Výpočet: $t_r = 15 : 20 = 0,75 \text{ h}$ $t_k = 3 : 12 = 0,25 \text{ h}$

$$\star \star \quad v_p = \frac{s_r + s_k}{t_r + t_k} = \frac{15 + 3}{0,75 + 0,25} = \frac{18}{1} = 18 \text{ km/h}$$

Odpověď: Cyklista jel průměrnou rychlosí 18 km/h.

Průměrná rychlosí musí vyjít menší než 20 km/h a větší než 12 km/h.

3. Z místa A vyjel cyklista průměrnou rychlosí 20 km/h. Z místa B vyjel v protisměru ve stejném okamžiku motocyklista průměrnou rychlosí 40 km/h. Vzdálenost míst je 60 km. Určete, kolik km od místa A se setkali.

Zápis: $v_{pc} = 20 \text{ km/h}$ $v_{pm} = 40 \text{ km/h}$
★ ★ ★ ★ $s = 60 \text{ km}$
★ ★ ★ ★ $s_{AX} = ? \text{ [km]}$

★ Jakou rychlosí se přibližují? $20 + 40 = 60 \text{ km/h}$
★ Za jak dlouho urazí 60 km? za 1 hodinu
★ Na kterém kilometru od místa A se potkají? na 20 km

Úlohu lze řešit také graficky nebo výpočtem.

3. $v_{pc} = 20 \text{ km/h}$ $v_{pm} = 40 \text{ km/h}$
 $s = 60 \text{ km}$

Zápis: $s_{AX} = ?$

Figure: A graph showing distance s [km] on the y-axis (0 to 70) versus time t [h] on the x-axis (0 to 2). Two lines start from (0,0): a blue line for the motorcycle going up to (1, 60) and a red line for the cyclist going up to (2, 40).

Vyber si otázku a odpověz.

1. Jak se vypočítá průměrná rychlosí nerovnoměrného pohybu?
2. Jak se vypočítá celková dráha pohybu?
3. Jak se vypočítá celková doba pohybu?
4. Porovnej průměrnou rychlosí nerovnoměrného pohybu se skutečnou rychlosí pohybujícího se tělesa.
5. Jak se průměrná rychlosí nesmí počítat?
6. Jakou průměrnou rychlosí šel Petr, když 15 km ušel za 3 hodiny?
7. Jakou vzdálenost ujede Pavel za 30 minut, je-li jeho průměrná rychlosí 15 km/h?